

Étude de signes ~ Inéquations

Exercice 1

Dresser les tableaux de signes sur \mathbb{R} des fonctions affines ci-dessus.

1. $f(x) = 2x - 5$

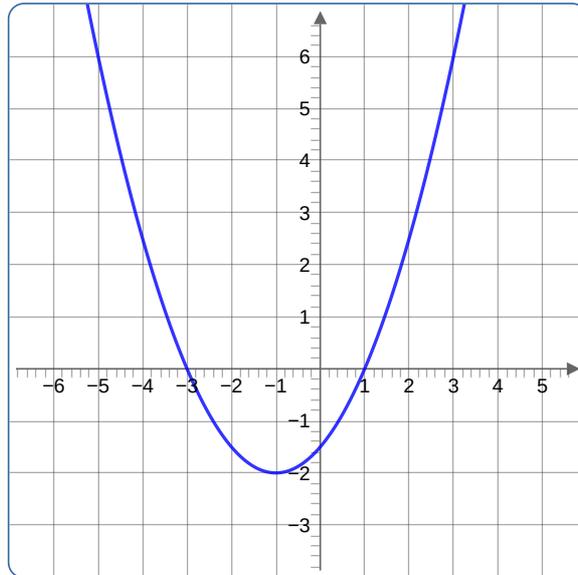
2. $g(x) = -2x + 1$

3. $h(x) = \frac{2}{x} + 7$

4. $i(x) = -x + \frac{1}{4}$

Exercice 2

On donne le graphique d'une fonction f définie sur \mathbb{R} dans le repère ci-dessous.



1. Donner le tableau de signes de la fonction f .
2. Résoudre l'inéquation $f(x) \geq 0$.

Exercice 3

Résoudre les inéquations suivantes.

a. $(x - 1)(x + 2) \leq 0$

b. $(2x + 1)(-3x - 4) < 0$

c. $(5 - 4x)(-1 + x) \geq 0$

d. $(7x - 3)(9 - 3x) > 0$

e. $\frac{2 - 3x}{8x - 4} \geq 0$

f. $\frac{-x + 6}{8 - 3x} \leq 0$

g. $(x + 3)(2x + 1) + (x + 3)(4 - 5x) \leq 0$

h. $(2x - 1)(9 - 2x) + (2x - 1)(7x + 4) > 0$

i. $(1 - 3x)(x + 4) - 4(x + 1)(1 - 3x) \geq 0$

Exercice 4

Voici le tableau de signes d'une expression $P(x)$.

x	$-\infty$	-2	3	$+\infty$
$P(x)$	+	0	-	+

1. Quelle est la valeur de x pour laquelle :
 - a. On ne peut pas calculer $P(x)$?
 - b. $P(x)$ s'annule ?
2. Donner le signe de :
 - a. $P(0)$
 - b. $P(-100)$
 - c. $P(2541, 35)$

3. Recopier et compléter les pointillés par : $<$, $>$, \leq ou \geq :

- Pour $x < -2$, $P(x) \dots 0$.
- Pour $x > -2$, $P(x) \dots 0$.
- Pour $x > 3$, $P(x) \dots 0$.
- Pour $x \leq -2$, $P(x) \dots 0$.
- Pour $-2 \leq x < 3$, $P(x) \dots 0$.

Exercice 5

Considérons la fonction f définie sur \mathbb{R} par : $f(t) = (t - 3)^2 - 4$.

- Expliquer, sans faire de calculs, avec des arguments algébriques, pourquoi est-ce que la fonction f atteint son minimum pour $t = 3$ et que ce minimum est alors de -4 ?
- Montrer que $f(t) = t^2 - 6t + 5$.
- Montrer que $f(t) = (t - 5)(t - 1)$.
- Trouver alors les antécédents de 0 par la fonction f .
- Résoudre sur \mathbb{R} l'inéquation : $f(t) > 0$.
- Quels sont les nombres qui ont une image négative par la fonction f ?
- Recopier et compléter le tableau de valeurs suivant :

t	-2	-1	0	1	2	2,5	3	3,5	4	5	6	7
$f(t)$												

- Construire dans le repère donné en annexe, la courbe représentative de la fonction f que l'on notera \mathcal{C}_f .
- À partir du graphique, construire le tableau de variations de la fonction f sur $[-1; 6]$.
- Tracer dans ce repère la droite d'équation vertical dont tous les points sont d'abscisse 3 . Que semble-t-elle représenter pour \mathcal{C}_f ?
- Construire dans ce repère la courbe de la fonction affine g définie par : $g(t) = \frac{2}{5}t - 2$.
- Résoudre graphiquement l'équation : $f(t) = g(t)$.
- En déduire les coordonnées des points d'intersection entre \mathcal{C}_f et \mathcal{C}_g .

