

# TSTMG ~ Fonction exponentielle de base $a$

## 1 Introduction

Soit  $(u_n)$  la suite géométrique de premier terme  $u_0 = 1$  et de raison  $q = 1,2$ .

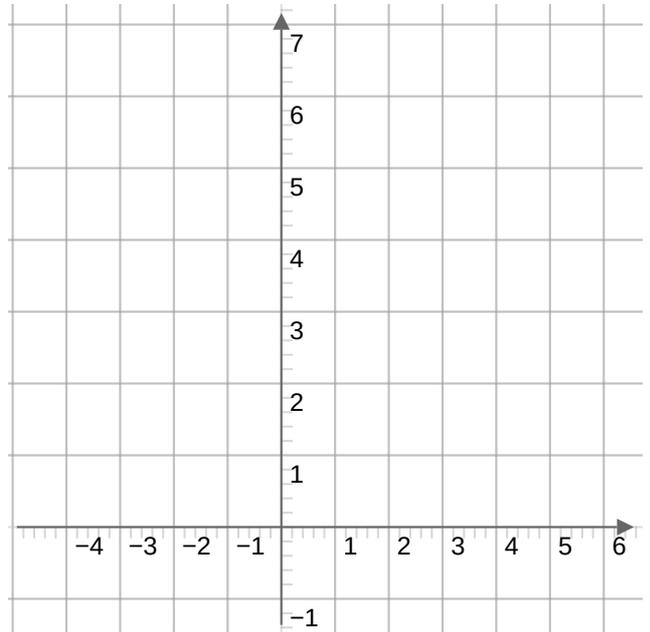
Pour tout entier  $n$ , on a :  $u_n = 1,2^n$ .

On construit un nuage de point en remplaçant  $n$  par des valeurs quelconques.

On remarque qu'une courbe peut passer par tous les points de ce nuage, et qu'elle représente alors une

La formule  $u_n = 1,2^n$  est alors prolongée par celle de la fonction  $f$  définie sur par

La courbe de cette fonction (en bleu) passe parfaitement par les points du nuage précédent.



## 2 Fonctions exponentielles

### Définition 1

Soit  $a$  un nombre réel strictement positif. On admet prolongeant la suite géométrique

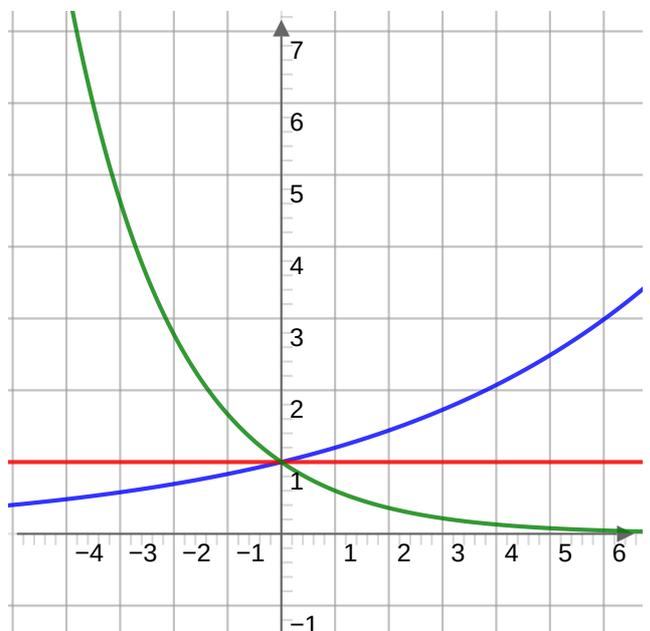
Pour tout réel  $x$ , on a :

Cette fonction s'appelle

une fonction  $f$ , définie sur

### Propriété 1

- Si la fonction est
- Si la fonction est
- Si la fonction est sur  $\mathbb{R}$ ,



### Exemple 1

La fonction  $f$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $f(x) = 0,99^x$  est

### Propriété 2

Soient  $a$  un nombre réel strictement positif et  $k$  un nombre réel non nul. Soit  $f$  la fonction définie sur  $\mathbb{R}$  par :

- Si  $f(x) = k \cdot a^x$  alors la fonction  $f$  a  $a$  pour base que la fonction  $f$  a pour base
- Si  $f(x) = k \cdot a^{-x}$  alors la fonction  $f$  a  $a$  pour base de la fonction  $f$  a pour base

### Exemple 2

- La fonction  $g$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $g(x) = -1 \times 0,8^x$  est
- La fonction  $h$  définie sur  $\mathbb{R}$  par :  $h(t) = 2,5 \times 1,01^t$  est

### Propriété 3

Soient  $a$  et  $b$  des réels strictement positifs, et  $x$  et  $y$  des nombres réels.

- $a^x \cdot a^y = a^{x+y}$
- $\frac{a^x}{a^y} = a^{x-y}$
- $(a^x)^y = a^{x \cdot y}$
- $a^x \cdot b^x = (a \cdot b)^x$
- $\frac{a^x}{b^x} = \left(\frac{a}{b}\right)^x$
- $a^x \cdot a^{-x} = a^{x-x} = a^0 = 1$

### Définition 2

-- Racine  $n$ -ième

Soient  $a$  et  $b$  des réels positifs et  $n$  un entier naturel non nul.

Si  $a^n = b$  alors  $a$  est la racine  $n$ -ième de  $b$  et on note :

### Propriété 4

Soient  $x$  un nombre réel positif et  $n$  un entier naturel non nul.

On a a :

### Exemple 3

Sur  $[0; +\infty[$ , l'équation  $x^5 = 3$  a pour solution :